

Décomposition homogène des réseaux macromoléculaires

Del Mondo Géraldine,
encadrée par *Eveillard Damien* et *Rusu Irena*

Laboratoire d'Informatique de Nantes Atlantique

06 septembre 2007

Motivations

Décomposition
modulaire

Exemple
d'application

Décomposition
homogène

Arbre de
décomposition
homogène

Application au
réseau de
complexes de
régulation
transcription-
nel

Application au
réseau de la
levure

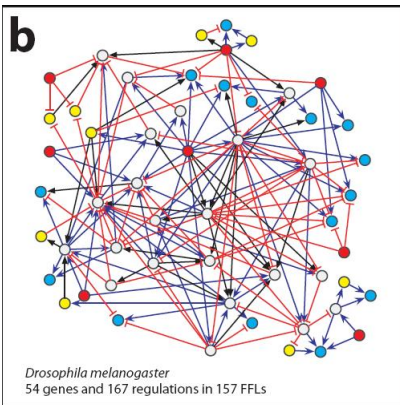
Conclusions
et
perspectives

- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].



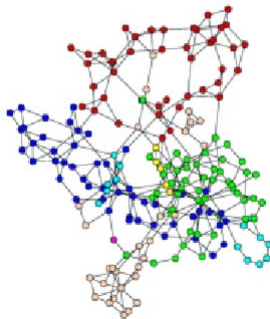
- La modularité dans les systèmes vivants.

- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].

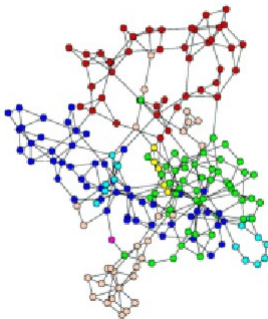


● La modularité dans les systèmes vivants.

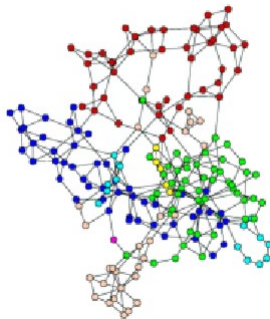
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].



- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].



- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].



- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].

● La décomposition modulaire.

- Un exemple d'application.
- La décomposition homogène.
- La construction de l'arbre de décomposition homogène.
- Une première application à un réseau de référence : le réseau de complexes de régulation transcriptionnel [Gagneur et al., 2004].
- Une deuxième application : un réseau de la levure [Yeast Interactome, Boston University, <http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>].
- Conclusions.

- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].

- La décomposition modulaire.
- Un exemple d'application.
 - La décomposition homogène.
 - La construction de l'arbre de décomposition homogène.
 - Une première application à un réseau de référence : le réseau de complexes de régulation transcriptionnel [Gagneur et al., 2004].
 - Une deuxième application : un réseau de la levure [Yeast Interactome, Boston University, <http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>].
 - Conclusions.

- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].

- La décomposition modulaire.
- Un exemple d'application.
- La décomposition homogène.
 - La construction de l'arbre de décomposition homogène.
 - Une première application à un réseau de référence : le réseau de complexes de régulation transcriptionnel [Gagneur et al., 2004].
 - Une deuxième application : un réseau de la levure [Yeast Interactome, Boston University, <http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>].
 - Conclusions.

- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].

- La décomposition modulaire.
- Un exemple d'application.
- La décomposition homogène.
- La construction de l'arbre de décomposition homogène.
- Une première application à un réseau de référence : le réseau de complexes de régulation transcriptionnel [Gagneur et al., 2004].
- Une deuxième application : un réseau de la levure [Yeast Interactome, Boston University, <http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>].
- Conclusions.

- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].

- La décomposition modulaire.
- Un exemple d'application.
- La décomposition homogène.
- La construction de l'arbre de décomposition homogène.
- Une première application à un réseau de référence : le réseau de complexes de régulation transcriptionnel [Gagneur et al., 2004].
- Une deuxième application : un réseau de la levure [Yeast Interactome, Boston University, <http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>].
- Conclusions.

- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].

- La décomposition modulaire.
- Un exemple d'application.
- La décomposition homogène.
- La construction de l'arbre de décomposition homogène.
- Une première application à un réseau de référence : le réseau de complexes de régulation transcriptionnel [Gagneur et al., 2004].
- Une deuxième application : un réseau de la levure [Yeast Interactome, Boston University, <http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>].
- Conclusions.

- La modularité dans les systèmes vivants.
- Méthodes de décomposition des réseaux biologiques.
- Extension de la méthode de [Gagneur et al., 2004] : la décomposition homogène [Jamison and Olariu, 1995].

- La décomposition modulaire.
- Un exemple d'application.
- La décomposition homogène.
- La construction de l'arbre de décomposition homogène.
- Une première application à un réseau de référence : le réseau de complexes de régulation transcriptionnel [Gagneur et al., 2004].
- Une deuxième application : un réseau de la levure [Yeast Interactome, Boston University, <http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>].
- Conclusions.

Définitions

Soit $G = (V, E)$ un graphe non orienté.

Module

$M \subset V$ est un module si tous les sommets de M ont les mêmes voisins dans $V - M$.

Exemple



Définitions

Soit $G = (V, E)$ un graphe non orienté.

Module

$M \subset V$ est un module si tous les sommets de M ont les mêmes voisins dans $V - M$.

Exemple



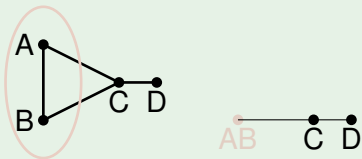
Définitions

Soit $G = (V, E)$ un graphe non orienté.

Module

$M \subset V$ est un module si tous les sommets de M ont les mêmes voisins dans $V - M$.

Exemple



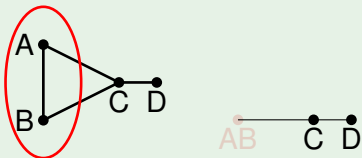
Définitions

Soit $G = (V, E)$ un graphe non orienté.

Module

$M \subset V$ est un module si tous les sommets de M ont les mêmes voisins dans $V - M$.

Exemple



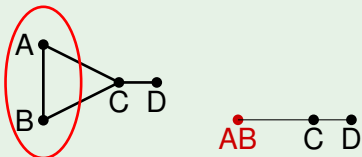
Définitions

Soit $G = (V, E)$ un graphe non orienté.

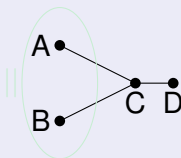
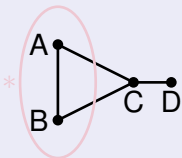
Module

$M \subset V$ est un module si tous les sommets de M ont les mêmes voisins dans $V - M$.

Exemple



Module série et module parallèle



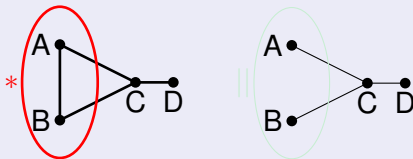
Ensemble homogène

Tous les modules non triviaux, c'est à dire ceux qui ne contiennent ni un seul sommet ni l'ensemble des sommets du graphe, sont appelés ensembles homogènes.

Graphe premier

Un graphe sans ensemble homogène est appelé graphe premier.

Module série et module parallèle



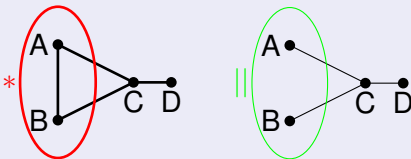
Ensemble homogène

Tous les modules non triviaux, c'est à dire ceux qui ne contiennent ni un seul sommet ni l'ensemble des sommets du graphe, sont appelés ensembles homogènes.

Graphe premier

Un graphe sans ensemble homogène est appelé graphe premier.

Module série et module parallèle



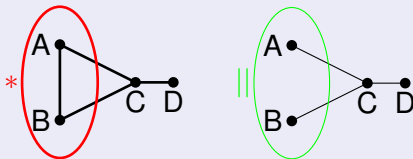
Ensemble homogène

Tous les modules non triviaux, c'est à dire ceux qui ne contiennent ni un seul sommet ni l'ensemble des sommets du graphe, sont appelés ensembles homogènes.

Graphe premier

Un graphe sans ensemble homogène est appelé graphe premier.

Module série et module parallèle



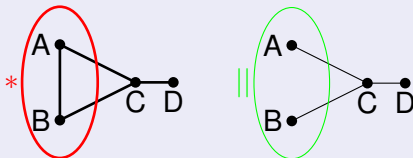
Ensemble homogène

Tous les modules non triviaux, c'est à dire ceux qui ne contiennent ni un seul sommet ni l'ensemble des sommets du graphe, sont appelés ensembles homogènes.

Graphe premier

Un graphe sans ensemble homogène est appelé graphe premier.

Module série et module parallèle



Ensemble homogène

Tous les modules non triviaux, c'est à dire ceux qui ne contiennent ni un seul sommet ni l'ensemble des sommets du graphe, sont appelés ensembles homogènes.

Graphe premier

Un graphe sans ensemble homogène est appelé graphe premier.

Le théorème principal [Gallaï, 1967]

Soit $G = (V, E)$ avec au moins deux sommets, une seule de ces assertions est satisfaite :

- 1 G est non connexe. Dans ce cas, V est un module parallèle et l'ensemble des sommets de chaque composante connexe de G définit un sous-module.
- 2 \overline{G} est non connexe. Dans ce cas, V est un module série et l'ensemble des sommets de chaque composante connexe de \overline{G} définit un sous-module.
- 3 Il existe $Y \subseteq V$, $|Y| \geq 4$ et une unique partition P de V telle que le graphe induit par Y soit un sous-graphe maximal premier de G et pour tout $S \in P$, $|S \cap Y| = 1$.

Le théorème principal [Gallaï, 1967]

Soit $G = (V, E)$ avec au moins deux sommets, une seule de ces assertions est satisfaite :

- 1 G est non connexe. Dans ce cas, V est un module parallèle et l'ensemble des sommets de chaque composante connexe de G définit un sous-module.
- 2 \overline{G} est non connexe. Dans ce cas, V est un module série et l'ensemble des sommets de chaque composante connexe de \overline{G} définit un sous-module.
- 3 Il existe $Y \subseteq V$, $|Y| \geq 4$ et une unique partition P de V telle que le graphe induit par Y soit un sous-graphe maximal premier de G et pour tout $S \in P$, $|S \cap Y| = 1$.

Le théorème principal [Gallaï, 1967]

Soit $G = (V, E)$ avec au moins deux sommets, une seule de ces assertions est satisfaite :

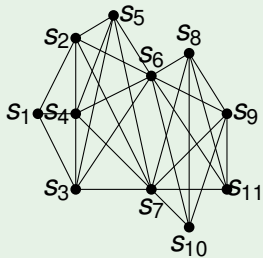
- 1 G est non connexe. Dans ce cas, V est un module parallèle et l'ensemble des sommets de chaque composante connexe de G définit un sous-module.
- 2 \overline{G} est non connexe. Dans ce cas, V est un module série et l'ensemble des sommets de chaque composante connexe de \overline{G} définit un sous-module.
- 3 Il existe $Y \subseteq V$, $|Y| \geq 4$ et une unique partition P de V telle que le graphe induit par Y soit un sous-graphe maximal premier de G et pour tout $S \in P$, $|S \cap Y| = 1$.

Le théorème principal [Gallaï, 1967]

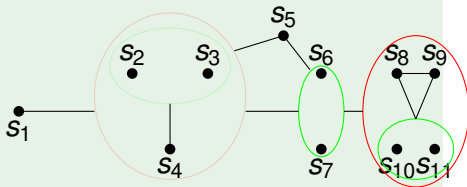
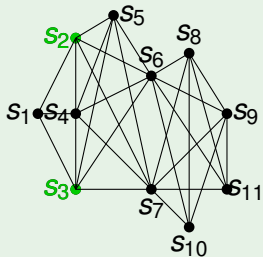
Soit $G = (V, E)$ avec au moins deux sommets, une seule de ces assertions est satisfaite :

- 1 G est non connexe. Dans ce cas, V est un module parallèle et l'ensemble des sommets de chaque composante connexe de G définit un sous-module.
- 2 \overline{G} est non connexe. Dans ce cas, V est un module série et l'ensemble des sommets de chaque composante connexe de \overline{G} définit un sous-module.
- 3 Il existe $Y \subseteq V$, $|Y| \geq 4$ et une unique partition P de V telle que le graphe induit par Y soit un sous-graphe maximal premier de G et pour tout $S \in P$, $|S \cap Y| = 1$.

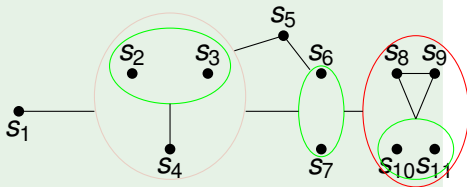
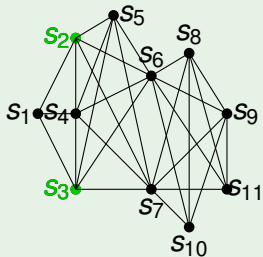
Exemple



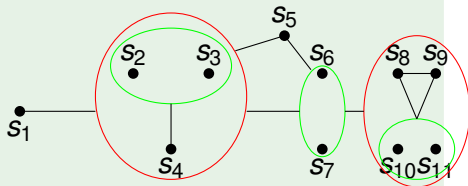
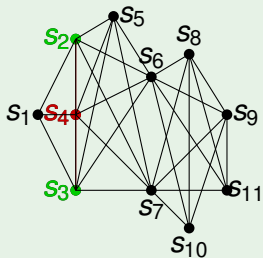
Exemple



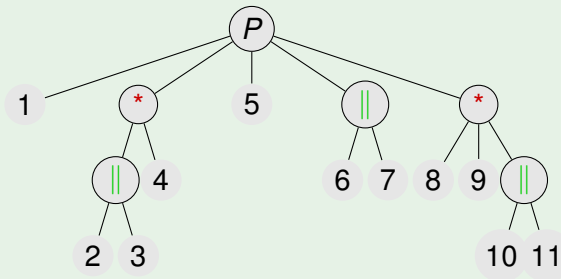
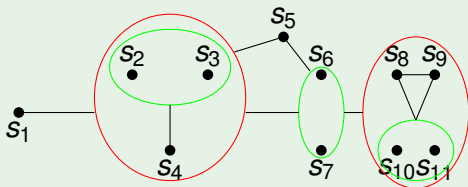
Exemple



Exemple



Exemple



Que va-t-on faire ?

- But : palier à la limite de la décomposition modulaire.
- Moyen : essayer de décomposer les noeuds de type P .

La décomposition homogène

- Algorithme issu de [Jamison and Olariu, 1995]. Soit un graphe $G = (V, E)$, $|V| \geq 2$ quelconque, exactement une seule de ces propositions est satisfaite :
 - ① G est non connexe.
 - ② \bar{G} est non connexe.
 - ③ Il existe une unique p -composante séparable propre H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
 - ④ G est p -connecté.
- Pour l'implémentation, algorithme issu de [Bauman, 1996].

Que va-t-on faire ?

- **But : palier à la limite de la décomposition modulaire.**
- **Moyen : essayer de décomposer les noeuds de type P .**

La décomposition homogène

- Algorithme issu de [Jamison and Olariu, 1995]. Soit un graphe $G = (V, E)$, $|V| \geq 2$ quelconque, exactement une seule de ces propositions est satisfaite :
 - ① G est non connexe.
 - ② \bar{G} est non connexe.
 - ③ Il existe une unique p -composante séparable propre H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
 - ④ G est p -connecté.
- Pour l'implémentation, algorithme issu de [Bauman, 1996].

Que va-t-on faire ?

- But : palier à la limite de la décomposition modulaire.
- Moyen : essayer de décomposer les noeuds de type P .

La décomposition homogène

- Algorithme issu de [Jamison and Olariu, 1995]. Soit un graphe $G = (V, E)$, $|V| \geq 2$ quelconque, exactement une seule de ces propositions est satisfaite :
 - ① G est non connexe.
 - ② \bar{G} est non connexe.
 - ③ Il existe une unique p -composante séparable propre H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
 - ④ G est p -connecté.
- Pour l'implémentation, algorithme issu de [Bauman, 1996].

Que va-t-on faire ?

- But : palier à la limite de la décomposition modulaire.
- Moyen : essayer de décomposer les noeuds de type P .

La décomposition homogène

- Algorithme issu de [Jamison and Olariu, 1995]. Soit un graphe $G = (V, E)$, $|V| \geq 2$ quelconque, exactement une seule de ces propositions est satisfaite :
 - 1 G est non connexe.
 - 2 \overline{G} est non connexe.
 - 3 Il existe une unique p -composante séparable propre H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
 - 4 G est p -connecté.
- Pour l'implémentation, algorithme issu de [Bauman, 1996].

Que va-t-on faire ?

- But : palier à la limite de la décomposition modulaire.
- Moyen : essayer de décomposer les noeuds de type P .

La décomposition homogène

- Algorithme issu de [Jamison and Olariu, 1995]. Soit un graphe $G = (V, E)$, $|V| \geq 2$ quelconque, exactement une seule de ces propositions est satisfaite :
 - 1 G est non connexe.
 - 2 \overline{G} est non connexe.
 - 3 Il existe une unique p -composante séparable propre H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
 - 4 G est p -connecté.
- Pour l'implémentation, algorithme issu de [Bauman, 1996].

Principe de l'algorithme de [Bauman, 1996]

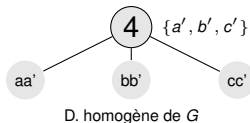
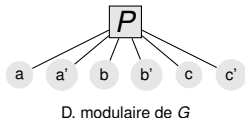
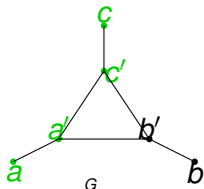
- Pour tous les noeuds P de la décomposition modulaire, calculer le système de représentants Y_β .
- Tests sur Y_β des différents cas qui vont induire des noeuds différents dans l'arbre de décomposition homogène.

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = K \cup S$ et tous les éléments de K sont adjacents à au moins un élément de S

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = K \cup S$ et tous les éléments de K sont adjacents à au moins un élément de S



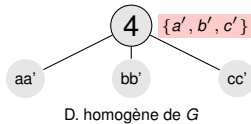
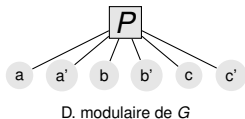
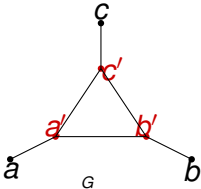
Point 4 du théorème

G est **p-connecté** : Un graphe induit C de G est dit p -connecté si pour toute partition de C en deux ensembles non vides C_1 et C_2 de ses sommets, il existe un P_4 de G contenant des sommets à la fois de C_1 et de C_2 (P_4 *traversant*).

Si Y_β est un split... et

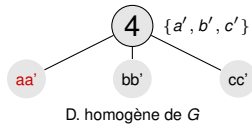
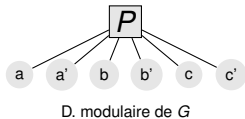
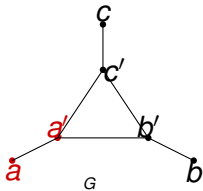
$G = (V, E)$ où $V = K \cup S$ et tous les éléments de K sont adjacents à au moins un élément de S

Enfants du noeud 4 : pour chaque élément s de S , il existe une clique $s \cup N(s)$.



Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = K \cup S$ et tous les éléments de K sont adjacents à au moins un élément de S



La
décomposition
homogène et
les réseaux
macro-
moléculaires

Motivations

Décomposition
modulaire

Exemple
d'application

Décomposition
homogène

Arbre de
décomposition
homogène

Application au
réseau de
complexes de
régulation
transcription-
nel

Application au
réseau de la
levure

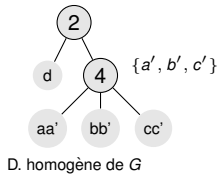
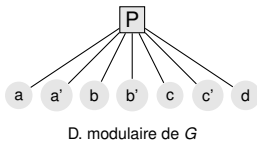
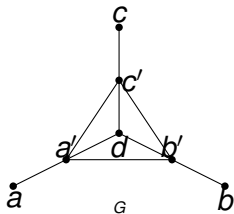
Conclusions
et
perspectives

Si Y_β est un split... et

$$G = (V, E) \text{ où } V = \tilde{K} \cup R \cup S \text{ et } |R| = 1$$

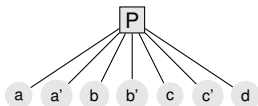
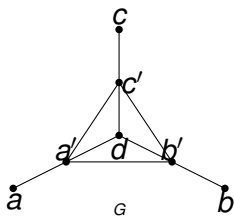
Si Y_β est un split... et

$$G = (V, E) \text{ où } V = \tilde{K} \cup R \cup S \text{ et } |R| = 1$$

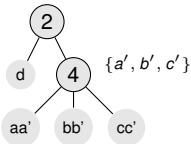


Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et $|R| = 1$



D. modulaire de G



D. homogène de G

Point 3 du théorème

- $\exists!$ **p-composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et $|R| = 1$

Point 3 du théorème

- $\exists!$ **p-composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
- Si un graphe C est une **p-composante** et si ses sommets peuvent être partitionnés en deux ensembles disjoints C_1 et C_2 tels que tout P_4 traversant a ses points milieux dans C_1 et ses points finaux dans C_2 alors C est dit **p-composante séparable**.

Si Y_β est un split... et

$$G = (V, E) \text{ où } V = \tilde{K} \cup R \cup S \text{ et } |R| = 1$$

Point 3 du théorème

- $\exists!$ **p -composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
- Si un graphe C est une **p – composante** et si ses sommets peuvent être partitionnés en deux ensembles disjoints C_1 et C_2 tels que tout P_4 *traversant* a ses points milieux dans C_1 et ses points finaux dans C_2 alors C est dit **p – composante séparable**.
- Un sous graphe induit (de G) C p -connecté maximal est appelé **p – composante**.

Si Y_β est un split... et

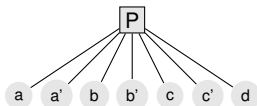
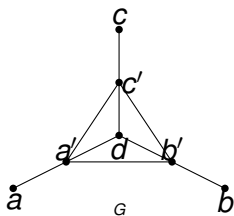
$$G = (V, E) \text{ où } V = \tilde{K} \cup R \cup S \text{ et } |R| = 1$$

Point 3 du théorème

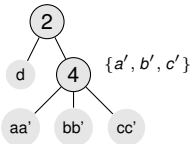
- $\exists!$ **p-composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
- Si un graphe C est une **p-composante** et si ses sommets peuvent être partitionnés en deux ensembles disjoints C_1 et C_2 tels que tout P_4 *traversant* a ses points milieux dans C_1 et ses points finaux dans C_2 alors C est dit **p-composante séparable**.
- Un sous graphe induit (de G) C **p-connecté maximal** est appelé **p-composante**.

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et $|R| = 1$



D. modulaire de G



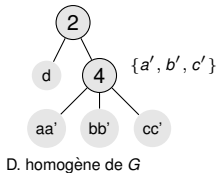
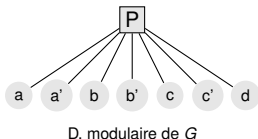
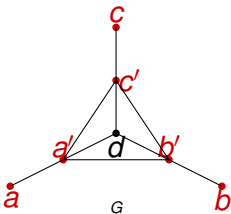
D. homogène de G

Point 3 du théorème

- $\exists!$ **p-composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et $|R| = 1$

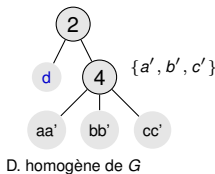
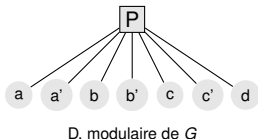
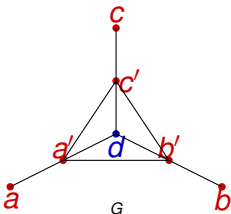


Point 3 du théorème

- $\exists!$ **p-composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
- $H = \{a, b, c, a', b', c'\}$

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et $|R| = 1$

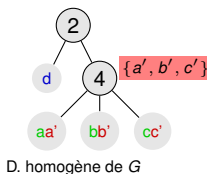
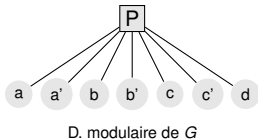
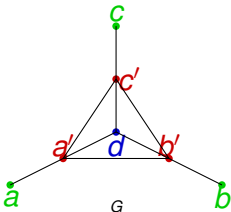


Point 3 du théorème

- $\exists!$ **p-composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .
- $H = \{a, b, c, a', b', c'\}$
- $d \notin H$

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et $|R| = 1$



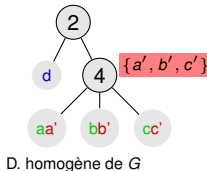
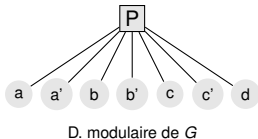
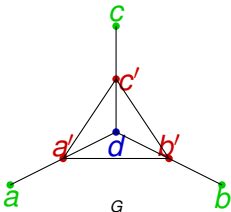
Point 3 du théorème

- $\exists!$ **p-composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .

- $H = \{a, b, c, a', b', c'\}$
- $d \notin H$
- $H_1 = \{a', b', c'\}$ et $H_2 = \{a, b, c\}$

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et $|R| = 1$



Point 3 du théorème

- $\exists!$ **p-composante séparable propre** H de G avec une partition (H_1, H_2) tel que tout sommet n'appartenant pas à H est adjacent à tous les sommets de H_1 et aucun de H_2 .

Les enfants du noeud 2 : Sous-arbres issus de l'application de l'algorithme sur le graphe induit par **les éléments qui n'appartiennent pas à H** et sur le graphe induit par V - **les éléments qui n'appartiennent pas à H** .

La
décomposition
homogène et
les réseaux
macro-
moléculaires

Motivations

Décomposition
modulaire

Exemple
d'application

Décomposition
homogène

Arbre de
décomposition
homogène

Application au
réseau de
complexes de
régulation
transcription-
nel

Application au
réseau de la
levure

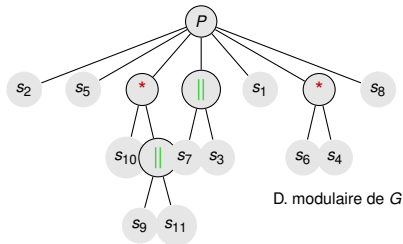
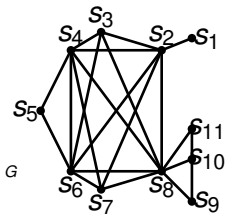
Conclusions
et
perspectives

Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et R est un module γ

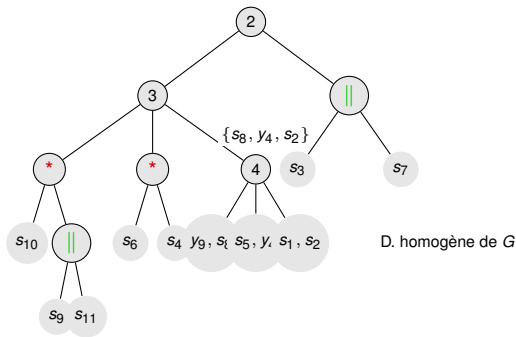
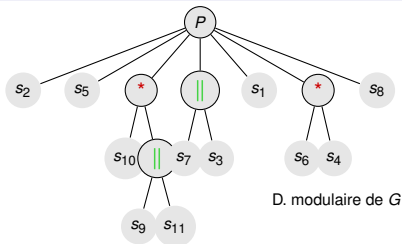
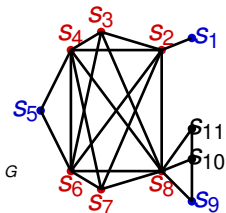
Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et R est un module γ



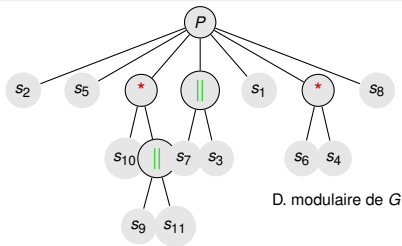
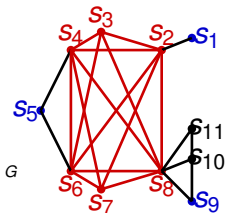
Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et R est un module γ

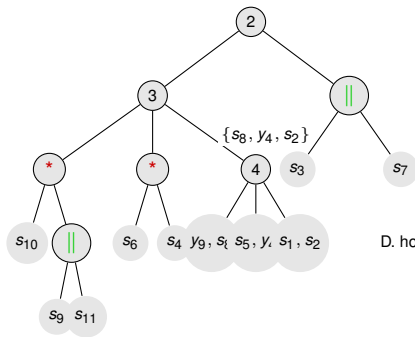


Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et R est un module γ



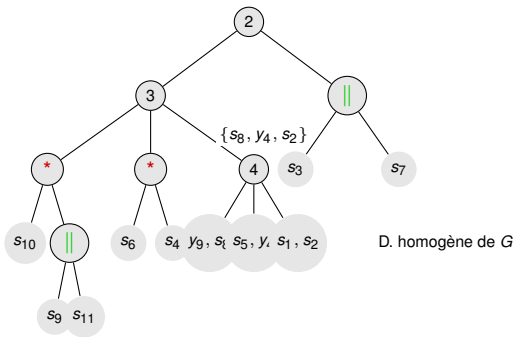
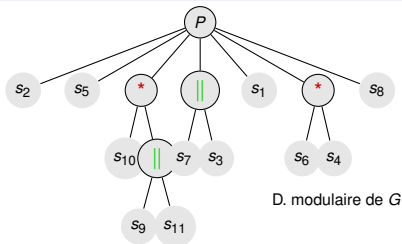
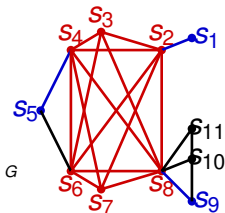
D. modulaire de G



D. homogène de G

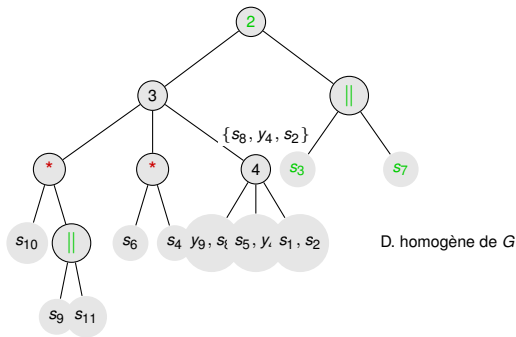
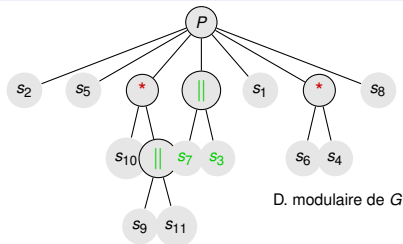
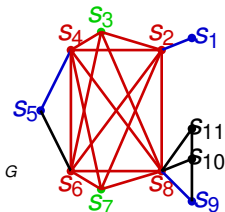
Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$ et R est un module γ



Si Y_β est un split... et

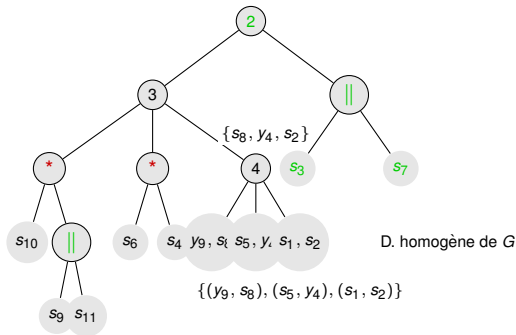
$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$, R est un module $\gamma = \{3, 7\}$.



Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$, R est un module $\gamma = \{3, 7\}$.

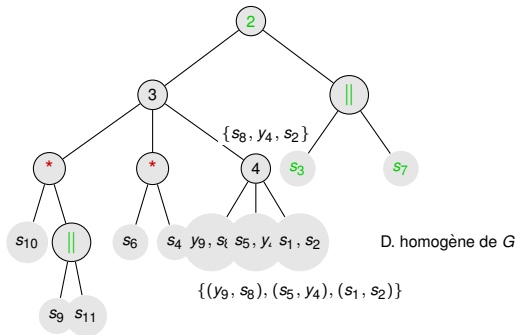
- **Point 3 du théorème** \Rightarrow noeud 2 + pour ses enfants ré-application de l'algorithme sur le module $\{s_3, s_7\}$ et sur les autres sommets :
- **Point 4 du théorème** \Rightarrow noeud 4 + ré-application de l'algorithme sur modules qui contiennent des sommets non utilisés avec la décomposition du noeud 4, le tout fils d'un noeud 3.



Si Y_β est un split... et

$G = (V, E)$ où $V = \tilde{K} \cup R \cup S$, R est un module $\gamma = \{3, 7\}$.

- **Point 3 du théorème** \Rightarrow noeud 2 + pour ses enfants ré-application de l'algorithme sur le module $\{s_3, s_7\}$ et sur les autres sommets :
- **Point 4 du théorème** \Rightarrow noeud 4 + ré-application de l'algorithme sur modules qui contiennent des sommets non utilisés avec la décomposition du noeud 4, le tout fils d'un noeud 3.



La
décomposition
homogène et
les réseaux
macro-
moléculaires

Motivations

Décomposition
modulaire

Exemple
d'application

Décomposition
homogène

Arbre de
décomposition
homogène

Application au
réseau de
complexes de
régulation
transcription-
nel

Application au
réseau de la
levure

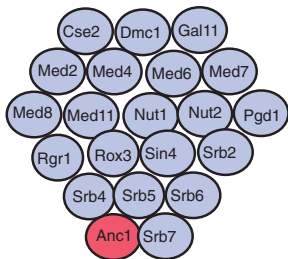
Conclusions
et
perspectives

Réseau de référence issu de [Gagneur et al., 2004].

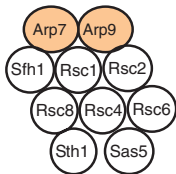
Le réseau de complexes de régulation transcriptionnel :
50 protéines définissant la restructuration de la chromatine.

Réseau de référence issu de [Gagneur et al., 2004].

Le réseau de complexes de régulation transcriptionnel :
50 protéines définissant la restructuration de la chromatine.



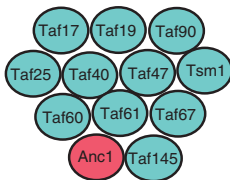
Mediator



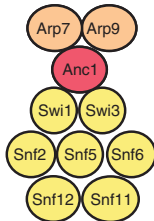
RSC



TFIIF



TFIID



SWI/SNF

Motivations

Décomposition
modulaire

Exemple
d'application

Décomposition
homogène

Arbre de
décomposition
homogène

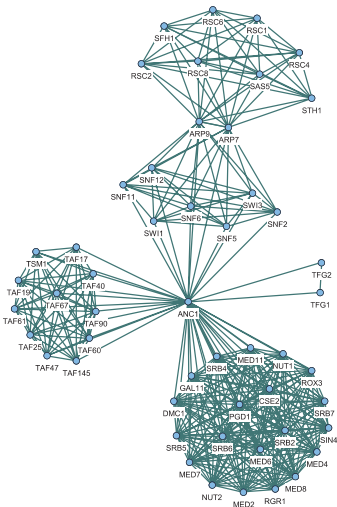
Application au
réseau de
complexes de
régulation
transcriptionnel

Application au
réseau de la
levure

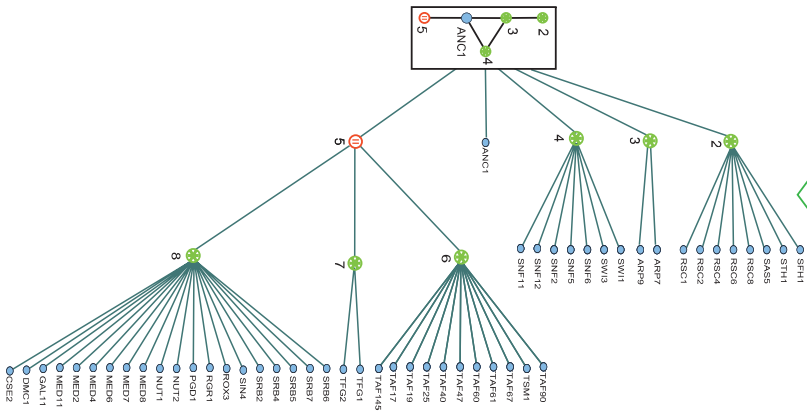
Conclusions
et
perspectives

Réseau de référence issu de [Gagneur et al., 2004].

Le réseau de complexes de régulation transcriptionnel :
50 protéines définissant la restructuration de la chromatine.



Décomposition modulaire



La
décomposition
homogène et
les réseaux
macro-
moléculaires

Motivations

Décomposition
modulaire

Exemple
d'application

Décomposition
homogène

Arbre de
décomposition
homogène

Application au
réseau de
complexes de
régulation
transcriptionnel

Application au
réseau de la
levure

Conclusions
et
perspectives

Décomposition modulaire

La décomposition homogène et les réseaux macro-moléculaires

Motivations

Décomposition modulaire

Exemple d'application

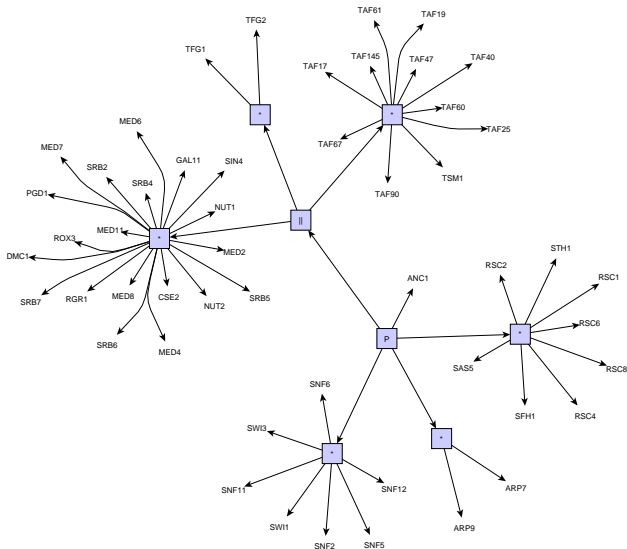
Décomposition homogène

Arbre de décomposition homogène

Application au réseau de complexes de régulation transcriptionnel

Application au réseau de la levure

Conclusions et perspectives



Powered by yFiles

La décomposition homogène et les réseaux macro-moléculaires

Motivations

Décomposition modulaire

Exemple d'application

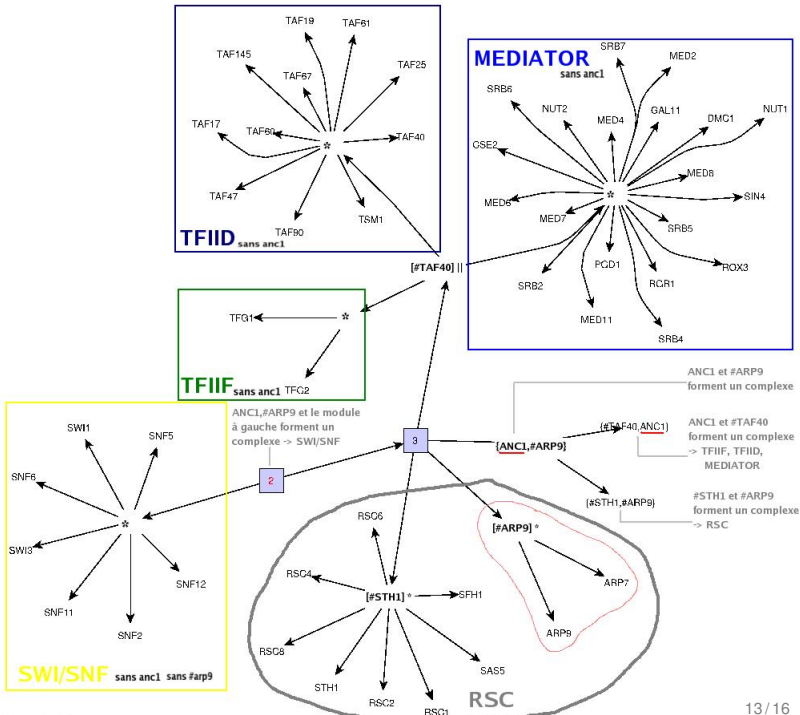
Décomposition homogène

Arbre de décomposition homogène

Application au réseau de complexes de régulation transcriptionnel

Application au réseau de la levure

Conclusions et perspectives



La
décomposition
homogène et
les réseaux
macro-
moléculaires

Motivations

Décomposition
modulaire

Exemple
d'application

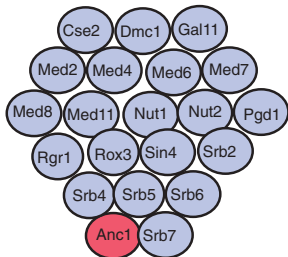
Décomposition
homogène

Arbre de
décomposition
homogène

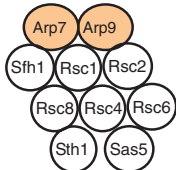
Application au
réseau de
complexes de
régulation
transcription-
nel

Application au
réseau de la
levure

Conclusions
et
perspectives



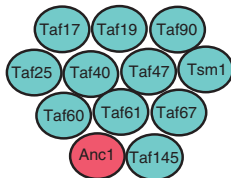
Mediator



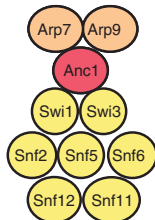
RSC



TFIIF



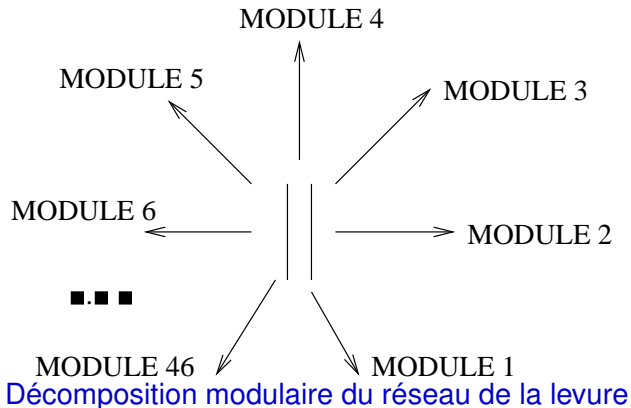
TFIID



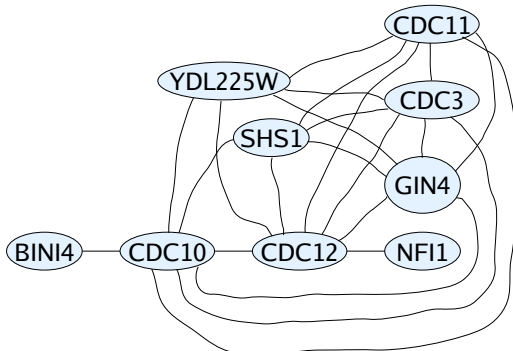
SWI/SNF

Résultats expérimentaux

Yeast Interactome, Boston University,
<http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>



Yeast Interactome, Boston University,
<http://structure.bu.edu/rakesh/myindex.html>



Le réseau d'un des
modules de la décomposition modulaire de la levure

La décomposition homogène et les réseaux macromoléculaires

Motivations

Décomposition modulaire

Exemple d'application

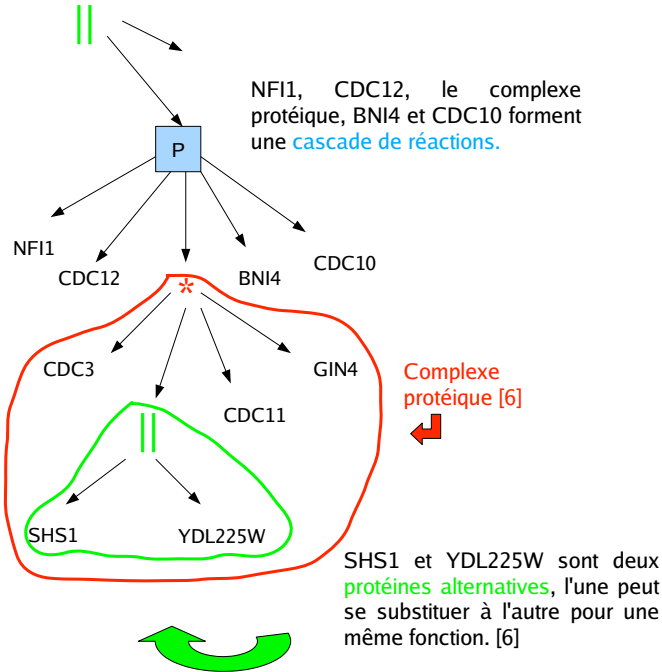
Décomposition homogène

Arbre de décomposition homogène

Application au réseau de complexes de régulation transcriptionnel

Application au réseau de la levure

Conclusions et perspectives



La décomposition homogène et les réseaux macromoléculaires

Motivations

Décomposition modulaire

Exemple d'application

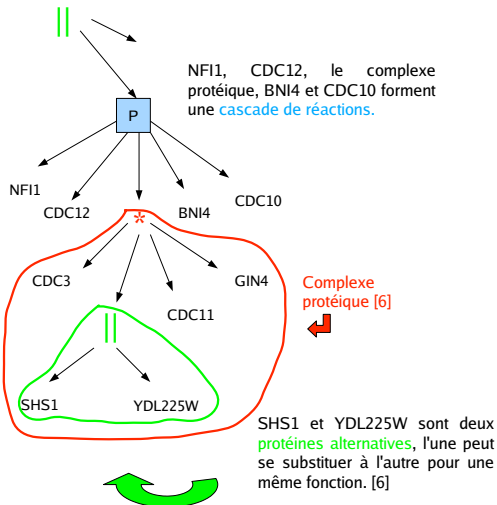
Décomposition homogène

Arbre de décomposition homogène

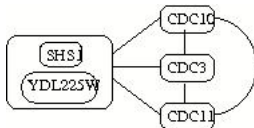
Application au réseau de complexes de régulation transcriptionnel

Application au réseau de la levure

Conclusions et perspectives



Décomposition modulaire



La décomposition homogène et les réseaux macromoléculaires

Motivations

Décomposition modulaire

Exemple d'application

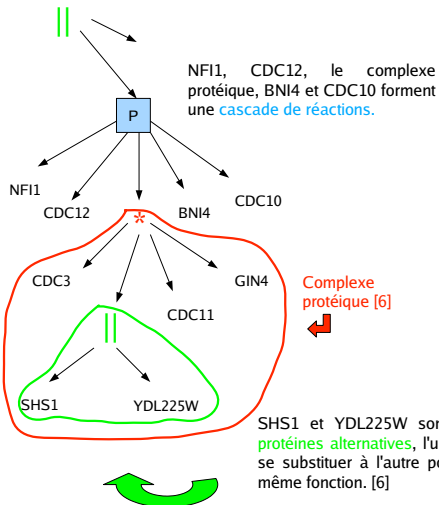
Décomposition homogène

Arbre de décomposition homogène

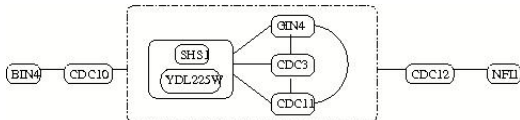
Application au réseau de complexes de régulation transcriptionnel

Application au réseau de la levure

Conclusions et perspectives



Décomposition modulaire



La décomposition homogène et les réseaux macromoléculaires

Motivations

Décomposition modulaire

Exemple d'application

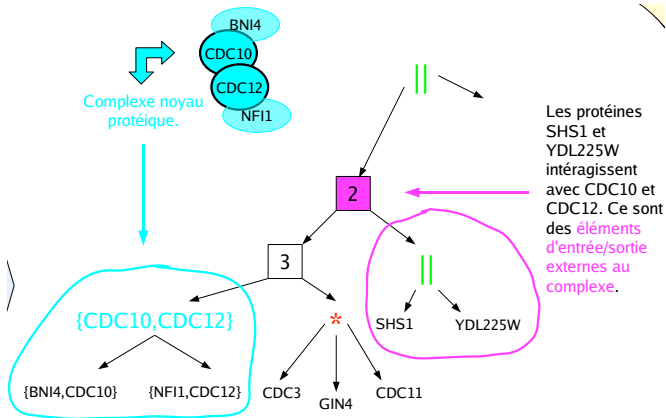
Décomposition homogène

Arbre de décomposition homogène

Application au réseau de complexes de régulation transcriptionnel

Application au réseau de la levure

Conclusions et perspectives



Décomposition homogène

Permet de donner la relation existant entre les protéines NFI1, CDC12, BNI4, le complexe protéique (particulièrement SHS1 et YDL225W) et CDC10.

La décomposition homogène et les réseaux macromoléculaires

Motivations

Décomposition modulaire

Exemple d'application

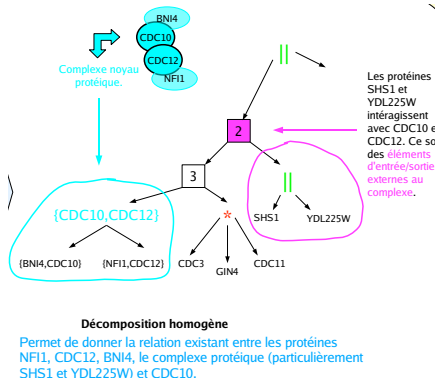
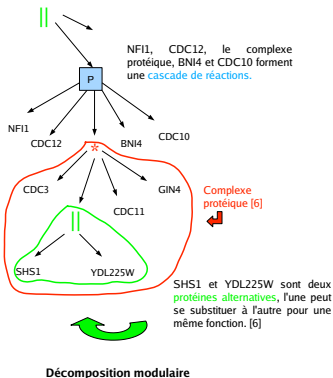
Décomposition homogène

Arbre de décomposition homogène

Application au réseau de complexes de régulation transcriptionnel

Application au réseau de la levure

Conclusions et perspectives



- La décomposition homogène complète significativement les résultats obtenus avec la décomposition modulaire de Julien Gagneur [Gagneur et al., 2004].
- Mais, la décomposition homogène ne s'applique pas systématiquement à tous les noeuds de type P .

Obtenir de meilleurs résultats

- Passer à un modèle sur des graphes orientés.
- Définir précisément le concept de module en accord avec les biologistes.

- La décomposition homogène complète significativement les résultats obtenus avec la décomposition modulaire de Julien Gagneur [Gagneur et al., 2004].
- Mais, la décomposition homogène ne s'applique pas systématiquement à tous les noeuds de type P .

Obtenir de meilleurs résultats

- Passer à un modèle sur des graphes orientés.
- Définir précisément le concept de module en accord avec les biologistes.

- La décomposition homogène complète significativement les résultats obtenus avec la décomposition modulaire de Julien Gagneur [Gagneur et al., 2004].
- Mais, la décomposition homogène ne s'applique pas systématiquement à tous les noeuds de type P .

Obtenir de meilleurs résultats

- **Passer à un modèle sur des graphes orientés.**
- Définir précisément le concept de module en accord avec les biologistes.

- La décomposition homogène complète significativement les résultats obtenus avec la décomposition modulaire de Julien Gagneur [Gagneur et al., 2004].
- Mais, la décomposition homogène ne s'applique pas systématiquement à tous les noeuds de type P .

Obtenir de meilleurs résultats

- Passer à un modèle sur des graphes orientés.
- Définir précisément le concept de module en accord avec les biologistes.

- La décomposition homogène complète significativement les résultats obtenus avec la décomposition modulaire de Julien Gagneur [Gagneur et al., 2004].
- Mais, la décomposition homogène ne s'applique pas systématiquement à tous les noeuds de type P .

Obtenir de meilleurs résultats

- Passer à un modèle sur des graphes orientés.
- Définir précisément le concept de module en accord avec les biologistes.



Bauman, S. (1996).

A linear algorithm for the homogeneous decomposition of graphs.

Technical Report TUM-M9615, Technische Universität München.

Editeur : H.Wähling Fakultät für Mathematik der Technischen Universität München, D-80290 München, Germany.



Gagneur, J., Krause, R., Bouwmeester, T., and Casari, G. (2004).

Modular decomposition of protein-protein interaction networks.

Genome Biology, 5 :R57.



Gallaï, T. (1967).

Transitiv orientierbare graphen.

Acta Math. Acad. Sci. Hungar., 18 :25–66.



Jamison, O. and Olariu, S. (1995).

p-component and the homogeneous decomposition of graphs.

SIAM Journal of Discrete Mathematics, 8 :448–463.

La
décomposition
homogène et
les réseaux
macro-
moléculaires

Motivations

Décomposition
modulaire

Exemple
d'application

Décomposition
homogène

Arbre de
décomposition
homogène

Application au
réseau de
complexes de
régulation
transcription-
nel

Application au
réseau de la
levure

Conclusions
et
perspectives